Les fonctions

Règle

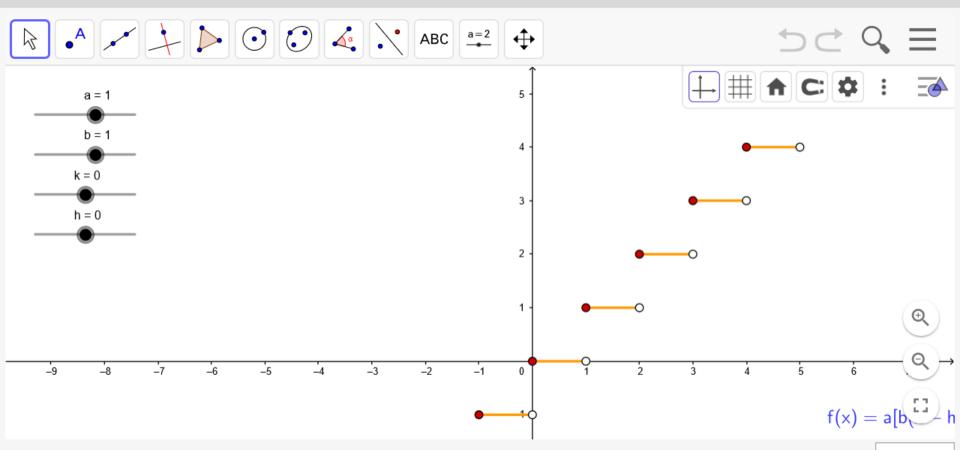
$$f(x) = a[b(x - h)] + k$$

Où les paramètres

a détermine la hauteur de la contremarche : |a|; b détermine la longueur d'une marche : $\frac{1}{|b|}$; (h,k) détermine un point plein.

Paramètre "a"

f(x) = a[b(x-h)] + k



|a| > 1

Changement d'échelle verticale

Plus la valeur absolue du paramètre a est **grande**, plus la distance entre les marches de l'escalier est **grande**.

$$f(x) = 2[x] \text{ et } f(x) = [x]$$

0 < |a| < 1

Changement d'échelle verticale

Plus la valeur absolue du paramètre a est **petite** (près de 0), plus la distance entre les marches de l'escalier est **petite**.

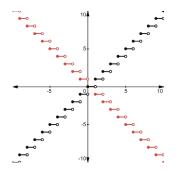
$$f(x) = 0.5[x] \text{ et } f(x) = [x]$$

a < 0

Réflexion

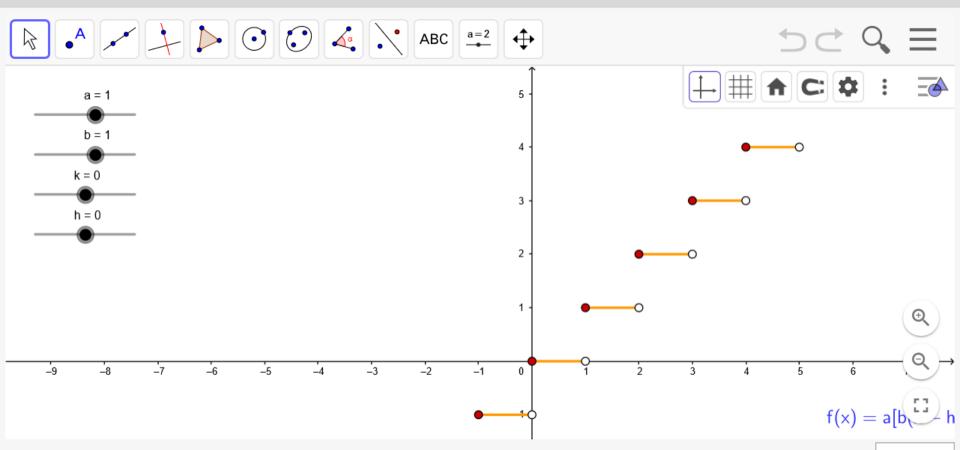
Lorsque a change de signe, le graphique subit une réflexion par rapport à l'axe des x.

$$f(x) = -1[x] et f(x) = [x]$$



Paramètre "b"

$$f(x) = a[b(x-h)] + k$$



Paramètre "b"

Longueur des marches = $\frac{1}{|b|}$

1

 $\overline{}$

3

4

5

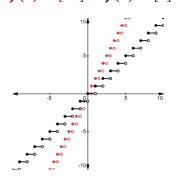
6

|b| > 1

Un changement d'échelle horizontal de la fonction de facteur $\frac{1}{b}$

Lorsque la valeur absolue de b **augmente**, la longueur des segments (les marches) **diminue**.

$$f(x) = [2x] et f(x) = [x]$$

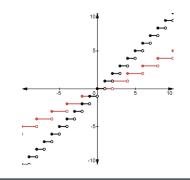


0 < |b| < 1

Un changement d'échelle horizontal de la fonction de facteur $\frac{1}{h}$

Lorsque la valeur absolue de b **diminue** (près de zéro), la longueur des segments (les marches) est **augmente**.

$$f(x) = [0.5x] et f(x) = [x]$$



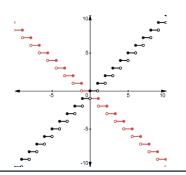
b < 0

Réflexion par rapport à l'axe des y

b positif:

b négatif:

$$f(x) = [-1x] et f(x) = [x]$$



Exemple

La longueur d'une marche est de $\frac{2}{5}$ quelle est la valeur de |b|?

Longueur de la marche = $\frac{1}{|b|}$

$$\frac{2}{5} = \frac{1}{|b|}$$

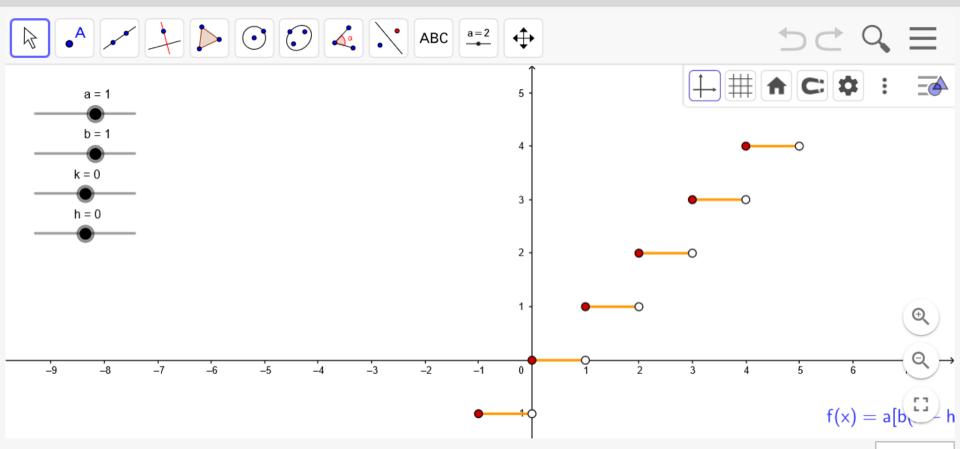
$$5 \cdot 1 = 2 \cdot |b|$$

$$\frac{5\cdot 1}{2} = |b|$$

$$2,5 = |b|$$

Paramètre "h"

$$f(x) = a[b(x - h)] + k$$

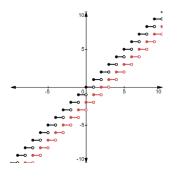


Paramètre "h"

h > 0

Translation horizontale vers la droite

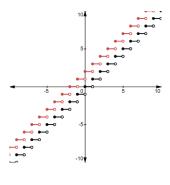
$$f(x) = [x-2] et f(x) = [x]$$



h < 0

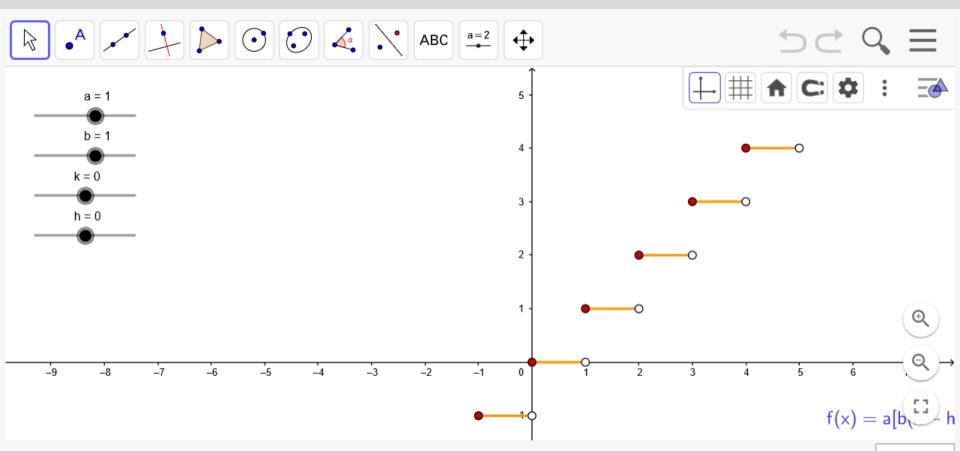
Translation horizontale vers la gauche

$$f(x) = [x + 2] et f(x) = [x]$$



Paramètre "k"

$$f(x) = a[b(x-h)] + k$$



1

2

3

4

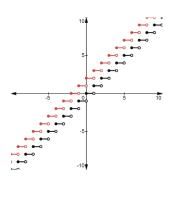
5

6



Translation verticale vers le haut

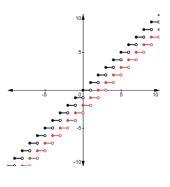
$$f(x) = [x] + 2 et f(x) = [x]$$



k < 0

Translation verticale vers le bas

$$f(x) = [x] - 2 et f(x) = [x]$$



(h, k)

La coordonnée (h, k) exprime très souvent un point de départ de la fonction.

Dans la fonction partie entière, la coordonnée (h, k) exprime une coordonnée fermée de la fonction.

La pente = $a \cdot b$

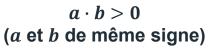
2

3

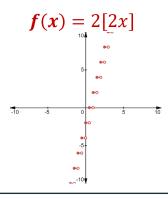
4

5

6



Fonction croissante



$a \cdot b < 0$ (a et b de signes contraires)

Fonction décroissante

$$f(x) = -2[2x]$$

Les fonctions